

Kapitel 4 Unendliche Reihen; Potenzreihen

4.1 Konvergenz von Reihen

Korollar 1. $\sum a_i$ konvergiert gdw für jedes $\varepsilon > 0$ ein n_0 existiert, so daß für jedes $n \geq n_0$ und für jedes $k \geq 1$ gilt: $|a_{n+1} + \dots + a_{n+k}| < \varepsilon$.

Beweis. Sei $m = n + k$ (in Satz 4.2). Dann gilt:

4/1/9

$$\begin{aligned} |S_m - S_n| &= |a_1 + \dots + a_n + a_{n+1} + \dots + a_{n+k} - (a_1 + \dots + a_n)| \\ &= |a_{n+1} + \dots + a_{n+k}| < \varepsilon. \end{aligned}$$

Hieraus folgt die Behauptung. \square