

Kapitel 4

Unendliche Reihen; Potenzreihen

4.2 Assoziativität und Kommutativität bei Reihen

Es gilt also:

4/2/17

$$\begin{aligned}\sum c_n &= \left(\sum a_i \right) \cdot \left(\sum b_j \right) \\ &= a_0 b_0 + (a_0 b_1 + a_1 b_0) + (a_0 b_2 + a_1 b_1 + a_2 b_0) + \\ &\quad (a_0 b_3 + a_1 b_2 + a_2 b_1 + a_3 b_0) + \cdots \\ &= \sum_{n=0}^{\infty} \left(\sum_{i+j=n} a_i b_j \right) \\ &= \sum_{n=0}^{\infty} \left(\sum_{i=0}^n a_i b_{n-i} \right) \quad (\text{für } j = n - i).\end{aligned}$$