

## Kapitel 4 Unendliche Reihen; Potenzreihen

### 4.2 Assoziativität und Kommutativität bei Reihen

**Korollar.** Es sei  $\sum_{i,j=0}^{\infty} a_{ij}$  eine Doppelreihe,  $\varphi : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N} \times \mathbb{N}$  eine Bijektion, und für 4/2/22

$\varphi(\nu) = (i, j)$  sei  $b_{\nu} := a_{ij}$ . Weiterhin sei jede Zeilenreihe  $\sum_{j=0}^{\infty} a_{ij}$  absolut konvergent,

$\sum_{j=0}^{\infty} |a_{ij}| := \alpha_i$ , und die Reihe  $\sum \alpha_i$  sei ebenfalls konvergent. Dann gilt:

(1)  $\sum_{\nu=0}^{\infty} b_{\nu}$  ist absolut konvergent.

(2) Mit  $b := \sum_{\nu=0}^{\infty} b_{\nu}$  gelten auch die Behauptungen (2)–(4) aus dem vorhergehenden Satz 4.15.