

## Kapitel 12

### Aufgabensammlung

#### 12.7 Differentialrechnung (1 Veränderliche)

**7.34** Zeigen Sie, daß die Funktion  $f$  mit  $f(x) = \begin{cases} x^2(2 + \sin \frac{1}{x}) & \text{für } x \neq 0, \\ 0 & \text{für } x = 0 \end{cases}$  12/7/35/1

an der Stelle 0 ein lokales Extremum hat, ohne links und rechts von 0 eindeutiges Monotonieverhalten zu zeigen, d.h., es existiert kein  $\varepsilon > 0$ , so daß  $f$  in  $(-\varepsilon, 0)$  und in  $(0, \varepsilon)$  monoton ist.

**Lösungshinweis zu Aufgabe 7.34** Offenbar ist  $f(x) > 0$  für alle  $x \neq 0$ . Folglich 12/7/35/2  
besitzt  $f$  in 0 ein lokales Minimum.

Für  $x_k = \frac{1}{2k\pi}$  und  $y_k = \frac{1}{(2k+1)\pi}$  mit  $k \in \mathbb{N}$  gilt:  $f'(x_k) < 0$  und  $f'(y_k) > 0$ . Hieraus erhält man schließlich die Behauptung.