

Kapitel 12

Aufgabensammlung

12.8 Differentialrechnung (mehrere Veränderliche)

8.5 (a) Für $f(x, y, z) = \ln(x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz)$ beweise man, daß 12/8/5/1
 $f_x + f_y + f_z = \frac{3}{x+y+z}$.

(b) Für $f(x, y, z) = \frac{4\pi a^3}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$ beweise man, daß $\Delta f := f_{xx} + f_{yy} + f_{zz} = 0$.

Lösungshinweis zu Aufgabe 8.5 (a) $f_x(\bar{x}) + f_y(\bar{y}) + f_z(\bar{z}) = \frac{3}{x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz} \cdot$ 12/8/5/2
 $(x^2 + y^2 + z^2 - xy - xz - yz) = \frac{3}{x+y+z}$.

(b) $\Delta f := f_{xx} + f_{yy} + f_{zz} = 4\pi a^3 (x^2 + y^2 + z^2)^{-\frac{5}{2}} (3x^2 + 3y^2 + 3z^2 - 3x^2 - 3y^2 - 3z^2) = 0$.