

Kapitel 12

Aufgabensammlung

12.8 Differentialrechnung (mehrere Veränderliche)

- 8.6** (a) Berechnen Sie die Richtungsableitung der Funktion $f(x, y) = e^x \sin y$ im Punkt (a, b) in beiden Richtungen der Geraden $y - b = (a - x) \cdot \tan b$. 12/8/6/1
- (b) Berechnen Sie die Richtungsableitung der Funktion $f(x, y) = x^2 - y^2$ in den Punkten $(1, 1)$ und $(-1, -1)$ in Richtung der Winkelhalbierenden des ersten Quadranten.

Lösungshinweis zu Aufgabe 8.6 Für $\bar{c} := (a, b)$ und $\bar{r} := (r_1, r_2)$ mit $|\bar{r}| = 1$ gilt: 12/8/6/2

- (a) $f'(\bar{c}) = (e^a \cdot \sin b, e^a \cdot \cos b)$. Speziell für die durch $\bar{c}_1 := (1, -\tan b)$ bzw. $\bar{c}_2 := (-1, \tan b)$ gegebenen Richtungen ist dann
- $$f_{\bar{r}_i}(\bar{c}) = e^a \sin b \cdot \cos b + e^a \cos b \cdot (-\sin b) = 0 \quad \text{für } i = 1, 2, \quad \text{wobei } \bar{r}_i = \frac{\bar{c}_i}{|\bar{c}_i|}.$$
- (b) Für $\bar{r} = (\frac{1}{2}\sqrt{2}, \frac{1}{2}\sqrt{2})$ ist $f_{\bar{r}}(1, 1) = 0$ und $f_{\bar{r}}(-1, -1) = 0$.